

# Preis-Absatz-Funktion – Umsatzfunktion – Deckungsbeitragsfunktion

		Ausgangspunkt: Preis-Absatz-Funktion	
<b>Evaluierung</b>  <b>Evaluierung</b> ↓ <b>Optimierung</b>	Lineare Preisabsatzfunktion	Multiplikative Preisabsatzfunktion	
	$X(p)=a-bp$	$X(p)=ap^b$	
<b>Evaluierung</b>  <b>Optimierung</b>	Umsatzfunktion: $U(p) = \text{Preis-Absatz-Funktion} * \text{Preis}$		
	$U(p) = (a - bp) * p = ap - bp^2$	$U(p) = (ap^b) * p = ap^{b+1}$	
<b>Evaluierung</b>  <b>Optimierung</b>	Zur Berechnung des Umsatzmaximums, muß $U(p)$ maximiert werden, daher: $U'(p) = 0$		
	$U'(p)=a-2bp \Leftrightarrow a-2bp=0 \Leftrightarrow p=\frac{1}{2}\left(\frac{a}{b}\right)$	$U'(p) = ap^b(b+1)$	
<b>Evaluierung</b>  <b>Optimierung</b>	Umsatz nur von geringer Aussagekraft – Deckungsbeitrag wesentlich wichtiger $DB(p) = \text{Umsatz} - \text{Kosten} = x(p)*p - K_v[x(p)]$ (Vernachlässigung von Fixkosten)		
	$DB(p) = (ap - bp^2) - K_v(a-bp)$	$DB(p) = (ap^b * p) - K_v(ap^b)$	
<b>Evaluierung</b>  <b>Optimierung</b>	Zur Berechnung des Deckungsbeitragsmaximums muß $DB(p)$ maximiert werden, d.h. $DB'(p)=0$		
	$DB'(p)=a - 2bp + bK_v$	$DB'(p) = (b+1)ap^b - abK_v p^{b-1}$	
Cournot-Theorem Grenzerlös = Grenzkosten  Ableitung $x'(p) = \text{Grenzabsatz}$ Ableitung $U'(x) = \text{Grenzerlös}$ Ableitung $K'(x) = \text{Grenzkosten}$	$a - 2bp = -bK_v \Leftrightarrow p = \frac{1}{2}\left(K_v + \frac{a}{b}\right)$	$(b+1)ap^b = abK_v p^{b-1} \Leftrightarrow p = \frac{b}{b+1}K_v$	
	Ableitung $U'(x) = \text{Ableitung } K'(x)$		Ableitung $U'(x) = \text{Ableitung } K'(x)$
<b>Preiselastizität: durchschnittliche Absatzmenge : durchschnittlichen Preis</b> <b>Mit:</b> $ e  < 1$ unelastische Nachfrage $e = \frac{dx(p)}{x(p)} : \frac{dp}{p} = \frac{dx(p)}{dp} * \frac{p}{x(p)}$ $ e  > 1$ elastische Nachfrage			

## Budgetierung als Niveaumentcheidung

		Ausgangspunkt: Budget-Absatz-Funktion	
		Mit: $\underline{x}$ = Absatzuntergrenze $\bar{x}$ = Absatzobergrenze	
<b>Evaluierung:</b>	Kokave Budget-Absatz-Funktion	S-förmige Budget-Absatz-Funktion	
	$X(B) = \bar{x} - (\bar{x} - \underline{x}) e^{-bB}$	$x = \underline{x} + (\bar{x} - \underline{x}) \frac{B^a}{b + B^a}$	
<b>Optimierung:</b>	Budgetfunktion: $D(B) = x(B) * p - K_v[x(B)] - B \hat{=} \text{Max}(B)$		
<b>Optimierung:</b>	Amoroso-Robinson-Relation: $p^* = \frac{e}{1+e} * \frac{dK_v(x)}{dx}$		
	Mit linearer Preis-Absatz-Funktion	Mit multiplikativer Preis-Absatz-Funktion	
	$e = -b * \frac{p}{a - bp}$	$p^* = \frac{e}{1+e} * \frac{dK_v(x)}{dx} = \frac{b}{1+b} K_v$	